

El Descenso del Gradiente es una técnica fundamental en la optimización de funciones, especialmente en el contexto del entrenamiento de redes neuronales. Se utiliza para ajustar los pesos de la red con el objetivo de minimizar la función de pérdida; aquí, se exploran sus variantes:

### *Batch Gradient Descent*

En cada iteración, se utilizan todos los datos de entrenamiento para calcular el gradiente de la función de pérdida con respecto a los pesos. Los pesos se actualizan una vez por ciclo completo de entrenamiento.

#### *Ventajas*

La dirección del gradiente es más precisa, ya que considera todos los datos. Convergencia más estable en funciones convexas.

#### *Desventajas*

Puede ser computacionalmente costoso, especialmente con grandes conjuntos de datos.

### *Stochastic Gradient Descent (SGD)*

En cada iteración, se selecciona un subconjunto aleatorio de datos (una sola muestra), para calcular el gradiente y actualizar los pesos. Más eficiente computacionalmente pero más ruidoso.

#### *Ventajas*

Menos recursos computacionales requeridos. Útil para conjuntos de datos grandes.

#### *Desventajas*

Menos preciso en la dirección del gradiente debido a la variabilidad introducida por muestras individuales.

### *Mini-Batch Gradient Descent*

Enfoque intermedio que utiliza un pequeño lote (mini-batch) de datos en cada iteración. Combina las ventajas de Batch y SGD.

#### *Ventajas*

Eficiente computacionalmente y más estable que SGD. Mantiene una dirección de gradiente precisa al considerar un conjunto de datos más grande.

#### *Desventajas*

Requiere ajuste del tamaño del lote.

#### **Selección de Tasa de Aprendizaje ( $\eta$ ):**

La tasa de aprendizaje ( $\eta$ ) es un hiperparámetro crucial.

**Demasiado bajo:** convergencia lenta.

**Demasiado alto:** puede divergir.

El Descenso del Gradiente y sus variantes son esenciales para la optimización eficiente de redes neuronales durante el proceso de entrenamiento. La elección entre Batch, SGD o Mini-Batch depende de la naturaleza del problema y los recursos disponibles.

**EJEMPLOS**

## Ejemplos Prácticos del Descenso del Gradiente

### 1. Regresión Lineal:

Consideremos un modelo de regresión lineal con un solo peso ( $w$ ) y un término de sesgo ( $b$ ). Queremos minimizar el error cuadrático medio (MSE) utilizando Descenso del Gradiente.

#### PROCESO

**Inicialización:** Inicializar  $w$  y  $b$  aleatoriamente.

**Iteraciones:**

- Calcular el error (MSE) en función de los datos de entrenamiento.
- Calcular el gradiente de MSE con respecto a  $w$  y  $b$ .
- Actualizar  $w$  y  $b$  en la dirección opuesta al gradiente multiplicado por la tasa de aprendizaje.

**Convergencia:** Repetir el proceso hasta que el error converge a un mínimo.

### 2. Clasificación con Red Neuronal

Supongamos que una red neuronal para clasificación binaria con una capa oculta y una capa de salida. Utilizaremos Descenso del Gradiente para minimizar la función de pérdida de entropía cruzada.

#### PROCESO

**Inicialización:** Inicializar pesos y sesgos aleatoriamente.

**Iteraciones:**

- Realizar una pasada hacia adelante para obtener las predicciones del modelo.
- Calcular la entropía cruzada para evaluar el error.
- Retropropagar el error calculando gradientes y actualizando pesos y sesgos.

**Convergencia:** Iterar hasta que la función de pérdida converja.

### 3. Red Neuronal para Reconocimiento de Imágenes:

Consideremos una red neuronal convolucional (CNN) para reconocimiento de imágenes, utilizaremos Descenso del Gradiente para ajustar los pesos y minimizar la pérdida de clasificación.

#### PROCESO

**Inicialización:** Inicializar los pesos de las capas convolucionales y totalmente conectadas.

**Iteraciones:**

- Propagar las imágenes a través de la red.
- Calcular la pérdida de clasificación.
- Retropropagar el error para actualizar los pesos.

**Convergencia:** Repetir hasta que la red pueda clasificar las imágenes con alta precisión.

Estos ejemplos ilustran cómo Descenso del Gradiente ajusta los parámetros de modelos en diferentes contextos, desde regresión lineal hasta redes neuronales más complejas. El proceso iterativo de calcular gradientes y actualizar pesos es fundamental para mejorar el rendimiento del modelo en tareas específicas.

